

مدة الإنجاز: ثلاث ساعات

تاريخ التمرير: الجمعة 13 مارس 2020

المستوى: الجذع المشترك

ملاحظات هامة:

- هذه نسخة من النسخة الأصلية المكتوبة من قبل الكاتب. ومع ذلك، قد تحتوي على أخطاء محتملة في الكتابة.
- يدون المترشح على ورقة تحريره إسمه ونسبه (بالحروف العربية واللاتينية)، تاريخ ميلاده، إسم مؤسسته وإسم المديرية.
- يمكن للمترشح تحرير أجوبته بإحدى اللغات الثلاثة، حسب الاختيار الذي يناسبه.

Sujet

الموضوع

PROBLÈME 1. Soient x et y deux nombres réels tels que

$$(x+1)(y+2) = 8.$$

- (1) Montrer que $(xy-10)^2 \geq 64$.
- (2) Déterminer tous les couples (x, y) de nombres réels qui vérifient

$$(xy-10)^2 = 64$$

PROBLEM 1. Let x and y be two real numbers such that

$$(x+1)(y+2) = 8.$$

- (1) Show that $(xy-10)^2 \geq 64$.
- (2) Determine all pairs (x, y) of real numbers satisfying

$$(xy-10)^2 = 64$$

المسألة 1. ليكن x و y عددين حقيقيين بحيث

$$(x+1)(y+2) = 8.$$

- (1) بين أن $(xy-10)^2 \geq 64$.
- (2) حدّد جميع الأزواج (x, y) من أعداد حقيقية والتي تحقق

$$(xy-10)^2 = 64$$

PROBLÈME 2. Soient (C_1) et (C_2) deux cercles qui se coupent en deux points A et B . On considère une droite passant par le point B et qui coupe les deux cercles (C_1) et (C_2) respectivement aux points C et D . Soient E et F deux points appartenant respectivement aux cercles (C_1) et (C_2) tels que : $CE = CB$ et $BD = DF$. On suppose en plus que la droite (BF) coupe le cercle (C_1) en un point P et la droite (BE) coupe le cercle (C_2) en un point Q .

- Montrer que les points A , P et Q sont alignés.

PROBLEM 2. Let (C_1) and (C_2) be two circles intersecting at two points A and B . Consider a line through B cutting circles (C_1) and (C_2) at points C and D respectively. Let E and F be points on circles (C_1) and (C_2) respectively such that : $CE = CB$ and $BD = DF$. Assume moreover that line (BF) meets circle (C_1) at a point P , and line (BE) meets circle (C_2) at a point Q .

- Show that points A , P and Q are collinear.

المسألة 2. لتكن (C_1) و (C_2) دائرتين متقاطعتين في النقطتين A و B . نعتبر مستقيماً ماراً من النقطة B والذي يقطع الدائرتين (C_1) و (C_2) على التوالي في النقطتين C و D . لتكن E و F نقطتين تنتميان على التوالي إلى الدائرتين (C_1) و (C_2) بحيث : $CE = CB$ و $BD = DF$. نفترض أيضاً أن المستقيم (BF) يقطع الدائرة (C_1) في نقطة P والمستقيم (BE) يقطع الدائرة (C_2) في نقطة Q .

- بين أن النقط A و P و Q مستقيمية.

PROBLÈME 3. Soient n , m , p et q des nombres premiers satisfaisant :

$$5 < n < m < p < q < n + 10.$$

- Prouver que la somme de ces quatre nombres premiers est divisible par 60.

PROBLEM 3. Let n , m , p and q be prime numbers satisfying :

$$5 < n < m < p < q < n + 10.$$

- Prove that the sum of these four prime numbers is divisible by 60.

المسألة 3. لتكن n و m و p و q أعداداً أولية تُحقق:

$$5 < n < m < p < q < n + 10.$$

- أثبت أن مجموع هذه الأعداد الأولية الأربعة يقبل القسمة على 60.