

مدة الإنجاز. ساعتان

تاريخ التمرير. الجمعة 14 دجنبر 2018

المستوى. الجذع المشترك

ملاحظات هامة:

- هذه نسخة من النسخة الأصلية المكتوبة من قبل الكاتب. ومع ذلك، قد تحتوي على أخطاء محتملة في الكتابة.
- يدون المترشح على ورقة تحريره إسمه ونسبه (بالحروف العربية و اللاتينية)، تاريخ ميلاده، إسم مؤسسته وإسم المديرية.
- يمكن للمترشح تحرير أجوبته بإحدى اللغات الثلاثة، حسب الاختيار الذي يناسبه.

Sujet

الموضوع

PROBLÈME 1. Soient x et y deux nombres réels non nuls vérifiant :

$$x^3 + y^3 + 3x^2y^2 = x^3y^3.$$

- Déterminer toutes les valeurs possibles du nombre $\frac{1}{x} + \frac{1}{y}$.

PROBLEM 1. Let x and y be two nonzero real numbers satisfying :

$$x^3 + y^3 + 3x^2y^2 = x^3y^3.$$

- Find all possible values of the number $\frac{1}{x} + \frac{1}{y}$.

المسألة 1. ليكن x و y عددين حقيقيين غير منعدمين يحققان:

$$x^3 + y^3 + 3x^2y^2 = x^3y^3.$$

- حدد جميع القيم الممكنة للعدد $\frac{1}{x} + \frac{1}{y}$.

PROBLÈME 2. Soit $ABCD$ un parallélogramme. I et J sont, respectivement, deux points des segments $[AD]$ et $[AB]$ tels que $ID = JB$.

- Montrer que $\widehat{BCP} = \widehat{PCD}$, où P est le point d'intersection des droites (JD) et (BI) .

PROBLEM 2. Let $ABCD$ be a parallelogram. I and J are, respectively, two points of segments $[AD]$ and $[AB]$ such that $ID = JB$.

- Show that $\widehat{BCP} = \widehat{PCD}$, where P is the intersection point of lines (JD) and (BI) .

المسألة 2. ليكن $ABCD$ متوازي أضلاع. I و J هما على التوالي نقطتين من القطعتين $[AD]$ و $[AB]$ بحيث $ID = JB$.

- بين أن $\widehat{BCP} = \widehat{PCD}$ ، حيث P هي نقطة تقاطع المستقيمين (JD) و (BI) .

PROBLÈME 3. Un jardinier a un terrain rectangulaire de dimensions 120 m et 100 m. Sur ce terrain, il y a 9 jardins circulaires de même diamètre 5 m.

- Prouver que quelle que soit la position des jardins, ce jardinier peut toujours construire un jardin rectangulaire de dimensions 25 m et 35 m.

PROBLEM 3. A gardener has a rectangular plot of dimensions 120 m and 100 m. On this plot, there are 9 circular gardens of the same diameter 5 m.

- Prove that regardless of the position of the gardens, this gardener can always build a rectangular garden of dimensions 25 m and 35 m.

المسألة 3. لبستاني قطعة أرضية مستطيلة بعدها 120 م و 100 م. على هذه القطعة الأرضية، توجد 9 حدائق دائرية لها نفس القطر 5 م.

- أثبت أنه، بغض النظر عن موقع الحدائق، لا يزال بإمكان هذا البستاني تشييد حديقة مستطيلة بعدها 25 م و 35 م.